

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ПОВОЛЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ



УТВЕРЖДАЮ
Декан ЭФ

УТВЕРЖДАЮ /Н.М. Стрельникова/
(Ф.И.О. декана (директора института))

11.03.2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Б.1.1.7 Математика

(код и наименование дисциплины по учебному плану)

Направление подготовки
(специальность)

01.03.05 Статистика

Квалификация выпускника

Бакалавр

(бакалавр/магистр/специалист)

Направленность

Прикладная статистика и анализ данных

Курс

1

Семестр

1, 2

Распределение учебного времени

Трудоемкость по учебному плану	324 / 9	часов/зачетных единиц
Лекции	76	часов
Лабораторные работы	-	часов
Практические занятия	76	часов
Иная контактная работа	-	часов
Всего контактной работы (без учета экз.)	152	часов
Контактная работа по экзамену	6	часов
Курсовой проект (работа)	-	семестр
Самостоятельная работа обучающихся (без учета экз.)	136	часов
Самостоятельная работа по подготовке к экзамену	30	часов
Экзамен	2	семестр
Зачет	1	семестр
БРК, ДЗ	-	семестр

(год)

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО направления подготовки (специальности) 01.03.05 Статистика

Программу составили:

доцент	ВМ	СОГЛАСОВАНО	Ф.А. Пайзерова
(должность)	(кафедра)		(И.О. Фамилия)

РАССМОТРЕНА и ОДОБРЕНА на заседании кафедры, за которой закреплена дисциплина
Кафедра высшей математики

		(наименование кафедры)	
24.01.2024	протокол №	5	
(дата)			
Заведующий кафедрой	СОГЛАСОВАНО	В.А. Иванов	
		(И.О. Фамилия)	

Рабочая программа СОГЛАСОВАНА с факультетом (институтом), выпускающей(ими) кафедрой(ами).

СООТВЕТСТВУЕТ действующей ОП.

Заведующий кафедрой	СОГЛАСОВАНО	Л.В. Смоленникова
		(И.О. Фамилия)

Председатель методической комиссии факультета (института), в который входит выпускающая кафедра

СОГЛАСОВАНО	О.Е. Иванов
	(И.О. Фамилия)

Эксперт(ы): Жубрин Алексей Анатольевич, Помощник генерального директора АО «ММЗ» по информатизации – начальник управления информационных технологий

Рабочая программа проверена и зарегистрирована в УМЦ 12.03.2024 г.

Специалист учебно-методического центра СОГЛАСОВАНО /Т.А. Смирнова/

Раздел 1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью освоения дисциплины является достижение планируемых результатов обучения, соответствующих установленным в ОПОП индикаторам достижения компетенций:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения
1. УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1 Выполняет поиск необходимой для решения поставленной задачи информации, её критический анализ, обобщение и представление на основе знаний естественно-научных дисциплин и современных информационных технологий	знания: Основные научно-теоретические и прикладные аспекты естественных, общественных, гуманитарных наук; основные методы критического анализа и основы системного подхода как общенаучного метода умения: Находить и критически оценивать информацию, необходимую для решения поставленной задачи навыки: Навыки декомпозиции поставленной задачи, поиска, критического анализа и синтеза информации для ее решения
	УК-1.2 Систематизирует информацию, полученную из разных источников, в соответствии с требованиями и условиями задачи	знания: Основные научно-теоретические и прикладные аспекты естественных, общественных, гуманитарных наук; основные методы критического анализа и основы системного подхода как общенаучного метода умения: Сопоставлять разные источники информации с целью выявления их противоречий и поиска достоверных суждений навыки: Навыки декомпозиции поставленной задачи, поиска, критического анализа и синтеза информации для ее решения
	УК-1.3 Выбирает оптимальный вариант решения задачи, аргументируя свой выбор	знания: умения: Анализировать поставленную задачу через выделение ее базовых составляющих на основе сформированного мировоззрения и достижений естественных, общественных, гуманитарных наук навыки: Навыки декомпозиции поставленной задачи, поиска, критического анализа и синтеза информации для ее решения
	УК-1.4 Разрабатывает варианты решения проблемной ситуации на основе системного подхода и критического анализа доступных источников	знания: умения: Предлагать различные варианты решения поставленной задачи, оценивать их последствия навыки: Способность предложить различные варианты решения поставленной задачи и оценить их последствия

Раздел 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина относится к обязательной части ОПОП.

Дисциплина является обязательной

Изучаемая дисциплина является основой для продолжения формирования указанных компетенций в следующих дисциплинах: Дифференциальные и разностные уравнения (УК-1), Дискретная математика и математическая логика (УК-1); государственной итоговой аттестации в форме: Подготовка к процедуре защиты и защита выпускной квалификационной работы (УК-1)

Раздел 3. ОПИСАНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Для формирования заявленных компетенций используются методологические технологии, реализующие деятельностный, личностно-ориентированный, практико-ориентированный подходы.

Основными стратегическими технологиями являются: лекционные занятия, практические занятия, исследовательские, процедуры самообучения

На достижение конкретных целей обучения направлены применяемые тактические технологии: задания, классическая лекция, информационные

Раздел 4. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

1 семестр

Виды и темы занятий	Количество часов	Формируемые компетенции
Раздел 1. Элементы линейной алгебры	26	УК-1
Лекция. № 1. Введение в курс математики. Понятие матрицы. Квадратные матрицы. Определители 2-го и 3-го порядка. Миноры. Алгебраические дополнения. Разложение определителя по элементам первой строки. Определители n-го порядка. Основные свойства определителей. Теорема о разложении определителя по элементам произвольного ряда. Теорема об аннулировании определителя.	2	
Практическое занятие. № 1. Определители, их свойства. Вычисление определителей.	2	
Лекция. № 2. Матрица, ее размер. Квадратная матрица, основные понятия (порядок, единичная матрица, невырожденная, треугольная). Равенство матриц, сложение матриц, свойства. Умножение матрицы на число, свойства. Произведение матриц, свойства. Обратная матрица, теорема существования, теорема единственности. Ранг матрицы.	2	
Практическое занятие. № 2. Вычисление определителей. Решение систем линейных уравнений методом Крамера.	2	
Лекция. № 3. Системы линейных уравнений, основные понятия (решение, совместные, несовместные, определенные, неопределенные, однородные, неоднородные). Правило Крамера, теорема Крамера. Матричная запись и решение в матричной форме систем линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Решение произвольных систем линейных уравнений методом Гаусса. Условие существования нетривиального решения однородной системы.	2	
Практическое занятие. № 3. Матрицы, действия над ними. Обратная матрица. Решение систем линейных уравнений матричным методом.	2	

Практическое занятие. № 4. Исследование систем линейных уравнений на совместность. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса.	2	УК-1
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 1, подготовка к практической работе на тему: определители, их свойства. Вычисление определителей. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 1, подготовка к практической работе на тему: вычисление определителей. Решение систем линейных уравнений методом Крамера. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 2, подготовка к практической работе на тему: матрицы, действия над ними. Обратная матрица. Решение систем линейных уравнений матричным методом. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 3, подготовка к практической работе на тему: исследование систем линейных уравнений на совместность. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса.	12	
Раздел 2. Элементы векторной алгебры	24	
Лекция. № 4. Скалярные и векторные физические величины (скорость, ускорение). Векторы, основные понятия. Равенство векторов. Линейные операции с векторами, свойства. Орт вектора. Теорема (признак коллинеарности векторов в геометрической форме). Проекция точки, вектора на ось. Составляющая вектора. Основные теоремы о проекциях.	2	
Практическое занятие. № 5. Линейные операции над векторами в геометрической форме.	2	
Лекция. № 5. Прямоугольная система координат. Координаты точки и вектора. Действия над векторами, заданными своими координатами: условие равенства, линейные операции, признак коллинеарности. Разложение вектора на составляющие по осям координат. Модуль вектора. Деление отрезка в данном отношении. Скалярное произведение векторов, его свойства, запись в координатной форме, некоторые приложения скалярного произведения. Направляющие косинусы вектора.	2	
Практическое занятие. № 6. Линейные операции над векторами в координатной форме. Скалярное произведение векторов. Приложения скалярного произведения векторов.	2	
Лекция. № 6. Векторное произведение векторов и его свойства. Выражение векторного произведения через координаты. Некоторые приложения векторного произведения. Смешанное произведение векторов, его геометрический смысл. Свойства смешанного произведения векторов. Выражение смешанного произведения векторов через координаты, некоторые приложения смешанного произведения.	2	
Практическое занятие. № 7. Векторное и смешанное произведения векторов. Приложения векторного и смешанного произведения векторов.	2	

Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 4; подготовка к практической работе на тему: линейные операции над векторами в геометрической форме. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 5; подготовка к практической работе на тему: линейные операции над векторами в координатной форме. Скалярное произведение векторов. Приложения скалярного произведения векторов. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 6; подготовка к практической работе на тему: векторное и смешанное произведения векторов. Приложения векторного и смешанного произведения векторов.	12	УК-1
Раздел 3. Аналитическая геометрия на плоскости. Кривые второго порядка	24	
Лекция. № 7. Предмет аналитической геометрии. Линии на плоскости и их уравнения. Две основные задачи аналитической геометрии. Полярные координаты на плоскости и их связь с декартовыми. Преобразование системы координат: параллельный перенос осей координат, поворот осей координат. Прямая на плоскости. Уравнение прямой, проходящей через данную точку в данном направлении. Уравнение прямой с нормальным вектором и точкой. Общее уравнение прямой на плоскости и его частные случаи. Уравнение прямой с угловым коэффициентом и начальной ординатой. Геометрический смысл коэффициентов.	2	
Практическое занятие. № 8. Полярные координаты на плоскости и их связь с декартовыми. Преобразование системы координат. Прямая на плоскости.	2	
Лекция. № 8. Уравнение прямой, проходящей через две данные точки. Уравнение прямой в отрезках. Полярное уравнение прямой. Нормальное уравнение прямой. Угол между прямыми, условия параллельности и перпендикулярности прямых. Расстояние от точки до прямой.	2	
Практическое занятие. № 9. Прямая линия на плоскости. Основные задачи.	2	
Лекция. № 9. Кривые второго порядка на плоскости. Окружность, эллипс, гипербола и парабола как геометрические места точек на плоскости. Канонические уравнения. Симметрия. Исследование формы. Эксцентриситет. Общее уравнение линий второго порядка.	2	
Практическое занятие. № 10. Кривые второго порядка на плоскости. Окружность, эллипс, гипербола и парабола. Канонические уравнения. Симметрия. Исследование формы. Эксцентриситет. Общее уравнение линий второго порядка.	2	

Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 7; подготовка к практической работе на тему: полярные координаты на плоскости и их связь с декартовыми. Преобразование системы координат. Прямая на плоскости. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 8; подготовка к практической работе на тему: прямая линия на плоскости. Основные задачи. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 9; подготовка к практической работе на тему: кривые второго порядка на плоскости. Окружность, эллипс, гипербола и парабола. Канонические уравнения. Симметрия. Исследование формы. Эксцентриситет. Общее уравнение линий второго порядка.	12	
Раздел 4. Аналитическая геометрия в пространстве	24	УК-1
Лекция. № 10. Поверхность и ее уравнение. Уравнения линии в пространстве. Уравнения плоскости в пространстве: уравнение плоскости, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору; общее уравнение плоскости; уравнение плоскости, проходящей через три данные точки; уравнение плоскости в отрезках; нормальное уравнение плоскости. Угол между двумя плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности двух плоскостей. Расстояние от точки до плоскости.	2	
Практическое занятие. № 11. Уравнения плоскости в пространстве. Плоскость. Основные задачи.	2	
Лекция. № 11. Уравнения прямой в пространстве: векторное уравнение прямой; параметрические уравнения прямой; канонические уравнения прямой; уравнение прямой в пространстве, проходящей через две точки; общие уравнения прямой. Прямая линия в пространстве. Основные задачи: угол между двумя прямыми; условия параллельности и перпендикулярности прямых; условие, при котором две прямые лежат в одной плоскости. Прямая и плоскость в пространстве. Основные задачи: угол между прямой и плоскостью; условия параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости; пересечение прямой с плоскостью; условие принадлежности прямой плоскости.	2	
Практическое занятие. № 12. Уравнения прямой в пространстве. Прямая линия в пространстве. Основные задачи. Прямая и плоскость в пространстве. Основные задачи.	2	
Лекция. № 12. Цилиндрические поверхности. Поверхности вращения. Конические поверхности. Канонические уравнения поверхностей второго порядка: эллипсоид, однополостный гиперболоид, двухполостный гиперболоид, эллиптический параболоид, гиперболический параболоид, конус второго порядка.	2	
Практическое занятие. № 13. Цилиндрические поверхности. Поверхности вращения. Конические поверхности. Канонические уравнения поверхностей второго порядка.	2	

Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 10; подготовка к практической работе на тему: уравнения плоскости в пространстве. Плоскость. Основные задачи. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 11; подготовка к практическому занятию на тему: уравнения прямой в пространстве. Прямая линия в пространстве. Основные задачи. Прямая и плоскость в пространстве. Основные задачи. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 12; подготовка к практическому занятию на тему: цилиндрические поверхности. Поверхности вращения. Конические поверхности. Канонические уравнения поверхностей второго порядка.	12	
Раздел 5. Линейные пространства	22	УК-1
Лекция. № 13. Определение линейного пространства и подпространства. Примеры линейных пространств. Линейная зависимость и линейная независимость векторов. Линейная зависимость векторов в R^2 и R^3 . Линейная зависимость $(n+1)$ векторов в R^n . Размерность и базис линейного пространства. Канонический базис n -мерного пространства.	2	
Лекция. № 14. Координаты вектора. Линейная комбинация векторов. Разложение вектора по n -мерному каноническому базису. Матрица системы векторов. Пространство решений однородной системы линейных уравнений. Матрица перехода от одного базиса к другому. Преобразование координат	2	
Практическое занятие. № 14. Определение линейного пространства и подпространства. Линейная зависимость и линейная независимость векторов. Размерность и базис линейного пространства. Координаты вектора. Матрица перехода от одного базиса к другому. Преобразование координат вектора.	2	
Лекция. № 15. Определение евклидова пространства. Скалярное произведение в R^n . Длина вектора и формула для косинуса угла между векторами в R^n . Неравенство Коши-Буняковского. Ортогональные, ортонормированные системы векторов. Произведение матриц в векторной форме. Ортонормированный базис. Выражение скалярного произведения через координаты в ортонормированном базисе.	2	
Практическое занятие. № 15. Скалярное произведение векторов. Определение евклидова пространства. Норма вектора. Угол между векторами. Ортонормированный базис. Выражение скалярного произведения через координаты в ортонормированном базисе.	2	

Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 13, № 14; подготовка к практическому занятию на тему: определение линейного пространства и подпространства. Линейная зависимость и линейная независимость векторов. Размерность и базис линейного пространства. Координаты вектора. Матрица перехода от одного базиса к другому. Преобразование координат вектора. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 15; подготовка к практическому занятию на тему: скалярное произведение векторов. Определение евклидова пространства. Норма вектора. Угол между векторами. Ортонормированный базис. Выражение скалярного произведения через координаты в ортонормированном базисе.	12	
Раздел 6. Линейные преобразования	24	УК-1
Лекция. № 16. Определение линейного преобразования. Матрица линейного преобразования. Связь между координатами вектора и его образа. Зависимость между матрицами одного и того же преобразования в различных базисах. Характеристическое уравнение линейного преобразования.	2	
Практическое занятие. № 16. Матрица линейного преобразования. Преобразование матрицы линейного преобразования при переходе к новому базису. Зависимость между матрицами одного и того же преобразования в различных базисах.	2	
Лекция. № 17. Произведение линейных преобразований. Сумма линейных преобразований. Преобразование, обратное данному линейному преобразованию. Собственные значения и собственные векторы линейного преобразования. Нахождение собственных векторов линейного преобразования.	2	
Практическое занятие. № 17. Операции над линейными преобразованиями. Собственные значения и собственные векторы линейного преобразования. Характеристическое уравнение линейного преобразования.	2	
Лекция. № 18. Приведение матрицы преобразования к диагональному виду. Ортогональные матрицы. Ортогональные преобразования. Симметричные линейные преобразования. Приведение к диагональному виду матрицы симметрического преобразования. Квадратичные формы. Матричная запись квадратичной формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду. Знакоопределенные квадратичные формы. Ортогональное преобразование, приводящее квадратичную форму к каноническому виду.	2	
Практическое занятие. № 18. Определение и матричная запись квадратичной формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду.	2	

Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 16; подготовка к практическому занятию на тему: матрица линейного преобразования. Преобразование матрицы линейного преобразования при переходе к новому базису. Зависимость между матрицами одного и того же преобразования в различных базисах. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 17; подготовка к практическому занятию на тему: операции над линейными преобразованиями. Собственные значения и собственные векторы линейного преобразования. Характеристическое уравнение линейного преобразования. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 18; подготовка к практическому занятию на тему: определение и матричная запись квадратичной формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду.	12
Иная контактная работа:	0

2 семестр

Виды и темы занятий	Количество часов	Формируемые компетенции
Раздел 7. Введение в математический анализ	22	УК-1
Лекция. № 1. Действительные числа. Арифметические операции над вещественными числами и их упорядочение. Непрерывность множества вещественных чисел. Ограниченные числовые множества, максимумы, минимумы. Символы математической логики, их использование. Числовая последовательность. Определение, способы задания, арифметические действия, ограниченные и неограниченные числовые последовательности. Абсолютная величина действительного числа. Постоянные и переменные величины. Числовые промежутки (конечные и бесконечные). Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности: определения и их основные свойства. Сходящиеся последовательности. Предел числовой последовательности. Монотонные последовательности. Функции, способы их задания. Классификация функций. Основные элементарные функции. Простейшие функциональные зависимости (прямая пропорциональная, линейная, обратная пропорциональная, квадратичная).	2	
Практическое занятие. № 1. Числовая последовательность. Способы задания, арифметические действия, ограниченные и неограниченные числовые последовательности. Абсолютная величина действительного числа. Сходящиеся последовательности. Предел числовой последовательности. Функция, область определения, область значений функции. Четность, нечетность, периодичность функции. Понятие предела функции. Раскрытие неопределенностей.	2	
Лекция. № 2. Бесконечно малые функции и их свойства. Предел функции в точке (через асимптотическое выражение). Основные теоремы о пределах. Сложная функция и ее предел. Первый и второй замечательные пределы. Предел функции при	2	

х стремящемся к бесконечности. Односторонние пределы. Непрерывность функции в точке. Асимптотическое выражение для непрерывной функции в малой окрестности точки. Свойства функций, непрерывных в точке. Непрерывность сложной функции. Непрерывность элементарных функций. Точки разрыва функции, их классификация. Свойства функций, непрерывных на отрезке.		
Практическое занятие. № 2. Раскрытие неопределенностей. Первый и второй замечательные пределы.	2	
Лекция. № 3. Обратная функция. Непрерывность обратной функции. Бесконечно большая функция. Теоремы о связи бесконечно большой и бесконечно малой функций. Вертикальная асимптота графика функции. Горизонтальная асимптота графика функции. Наклонные асимптоты, необходимое и достаточное условия их существования. Сравнение бесконечно малых функций. Свойства эквивалентных бесконечно малых. Таблица эквивалентных бесконечно малых. Теорема о единственности главной части степенного вида. Порядок бесконечно малой. Аппроксимация бесконечно малой степенной функцией.	2	
Практическое занятие. № 3. Непрерывность функции в точке, точки разрыва функции. Эквивалентные бесконечно малые функции. Сравнение бесконечно малых.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 1, подготовка к практической работе на тему: числовая последовательность. Способы задания, арифметические действия, ограниченные и неограниченные числовые последовательности. Абсолютная величина действительного числа. Сходящиеся последовательности. Предел числовой последовательности. Функция, область определения, область значений функции. Предел функции. Раскрытие неопределенностей. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 2, подготовка к практической работе на тему: раскрытие неопределенностей. Первый и второй замечательные пределы. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 3, подготовка к практической работе на тему: непрерывность функции в точке, точки разрыва.	10	
Раздел 8. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	26	УК-1
Лекция. № 4. Линейная аппроксимация (линеаризация) функции в окрестности точки. Определение дифференцируемой функции. Приращение функции и дифференциал. Связь между дифференцируемостью и непрерывностью функции. Производная функции, ее прикладной смысл в различных задачах. Алгоритм нахождения дифференциала и производной. Связь между дифференцируемостью функции и существованием у нее	2	

производной. Дифференциал независимой переменной. Производная как отношение дифференциалов. Понятие касательной к кривой. Геометрический смысл производной и дифференциала. Уравнение касательной и нормали к графику функции. Таблица производных.	
Практическое занятие. № 4. Техника дифференцирования. Дифференцирование сложной функции. Дифференцирование алгебраических, тригонометрических, обратных тригонометрических, показательных и логарифмических функций.	2
Лекция. № 5. Производная и дифференциал суммы, произведения, частного функций. Производная и дифференциал сложной функции. Инвариантность формы первого дифференциала. Производная обратной функции. Логарифмическая производная. Метод логарифмического дифференцирования. Дифференцирование неявной функции. Применение линейной аппроксимации функции к приближенным вычислениям. Производные и дифференциалы высших порядков. Физический смысл производной второго порядка. Дифференцирование функций, заданных параметрически.	2
Практическое занятие. № 5. Логарифмическое дифференцирование. Дифференцирование функций, заданных неявно и параметрически. Производные высших порядков.	2
Лекция. № 6. Теорема Ферма. Теоремы Ролля, Лагранжа и Коши, их геометрический смысл. Правило Лопиталья. Раскрытие неопределенностей. Возрастающая и убывающая функции. Достаточный признак возрастания, убывания, постоянства функции. Точки экстремума функции. Необходимый признак экстремума. Первый и второй достаточные признаки экстремума функции.	2
Практическое занятие. № 6. Дифференциал функции и его использование для приближенных вычислений. Правило Лопиталья. Физический и геометрический смысл производной. Уравнение касательной и нормали. Интервалы монотонности функции. Точки экстремума. Выпуклость, вогнутость графика функции. Точки перегиба.	2
Лекция. № 7. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке, алгоритм нахождения. Выпуклость, вогнутость графика функции. Достаточное условие выпуклости, вогнутости графика функции. Точки перегиба. Необходимое и достаточное условия существования точки перегиба. Общая схема исследования функции. Построение графиков.	2
Практическое занятие. № 7. Полное исследование функций, построение графиков.	2

<p>Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение</p> <p>Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 4; подготовка к практической работе на тему: техника дифференцирования. Дифференцирование сложной функции. Дифференцирование алгебраических, тригонометрических, обратных тригонометрических, показательных и логарифмических функций.</p> <p>Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 5; подготовка к практической работе на тему: логарифмическое дифференцирование. Дифференцирование функций, заданных неявно и параметрически. Производные высших порядков.</p> <p>Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 6; подготовка к практической работе на тему: дифференциал функции и его использование для приближенных вычислений. Правило Лопиталя. Физический и геометрический смысл производной. Уравнение касательной и нормали. Интервалы монотонности функции. Точки экстремума. Выпуклость, вогнутость графика функции. Точки перегиба.</p> <p>Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 7; подготовка к практической работе на тему: полное исследование функций, построение графиков.</p>	10	
Раздел 9. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	18	УК-1
<p>Лекция. № 8. Некоторые понятия топологии (окрестность точки, внутренняя точка множества, открытое множество, замкнутое множество, связность). Функция двух и нескольких переменных как функция точки. Естественная область определения. Геометрическое изображение функции двух переменных. Построение областей, получаемых пересечением поверхностей. Линии и поверхности уровня. Предел и непрерывность функции нескольких переменных. Свойства функций непрерывных в ограниченной замкнутой области. Частные производные и дифференциалы. Их геометрический смысл. Полное приращение функции нескольких переменных. Приращение линейной функции, линейная аппроксимация функции в окрестности точки. Дифференцируемость. Полный дифференциал. Необходимые и достаточные условия дифференцируемости. Применение полного дифференциала к оценке погрешности.</p>	2	
<p>Практическое занятие. № 8. Область определения, предел и непрерывность функции двух переменных. Частные производные первого и второго порядка.</p> <p>Дифференциал и его приложения для приближенных вычислений.</p>	2	
<p>Лекция. № 9. Частные производные высших порядков. Равенство смешанных производных. Производная функции, заданной неявно. Производная сложной функции. Полная производная. Экстремум функции двух переменных. Необходимое условие экстремума и его геометрический смысл. Достаточное условие экстремума. Абсолютный экстремум и</p>	2	

алгоритм нахождения. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.		
Практическое занятие. № 9. Дифференцирование функций, заданных неявно. Уравнение касательной и нормали к поверхности. Производная сложной функции. Полная производная. Экстремум функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой ограниченной области.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 8; подготовка к практической работе на тему: область определения, предел и непрерывность функции двух переменных. Частные производные первого и второго порядка. Дифференциал и его приложения для приближенных вычислений. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 9; подготовка к практической работе на тему: дифференцирование функций, заданных неявно. Уравнение касательной и нормали к поверхности. Производная сложной функции. Полная производная. Экстремум функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой ограниченной области.	10	
Раздел 10. Комплексные числа. Элементы теории функций комплексного переменного	10	УК-1
Лекция. № 10. Комплексные числа, арифметические действия над комплексными числами в алгебраической форме. Изображение комплексных чисел на плоскости (точечная и векторная интерпретация). Модуль и аргумент комплексного числа. Тригонометрическая форма комплексного числа. Умножение и деление комплексных чисел в тригонометрической форме и их геометрическая интерпретация. Возведение в степень. Извлечение корня из комплексного числа в тригонометрической форме. Геометрический смысл операции извлечения корня.	2	
Практическое занятие. № 10. Комплексные числа, действия над ними. Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа. Извлечение корня из комплексного числа.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 10; подготовка к практической работе на тему: комплексные числа, действия над ними. Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа. Извлечение корня из комплексного числа.	6	
Раздел 11. Интегральное исчисление. Неопределенный интеграл	26	УК-1
Лекция. № 11. Первообразная функция. Теорема о разности двух первообразных. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица простейших интегралов. Инвариантность вида интеграла от выбора аргумента (принцип подведения под знак	2	

дифференциала).	
Практическое занятие. № 11. Неопределенный интеграл. Непосредственное интегрирование. Интегрирование подведением под знак дифференциала. Интегрирование подстановкой.	2
Лекция. № 12. Основные методы интегрирования: разложения, интегрирование подстановкой, интегрирование по частям. Возвратное интегрирование.	2
Практическое занятие. № 12. Интегрирование по частям. Возвратное интегрирование.	2
Лекция. № 13. Конечные уравнения (основные понятия). Формулировка теоремы Гаусса. Алгоритм деления многочлена с остатком. Теорема Безу. Разложение многочлена с действительными коэффициентами на линейные и квадратичные множители. Рациональные дроби. Разложение правильной рациональной дроби на сумму простейших дробей. Простейшие рациональные дроби и их интегрирование. Интегрирование рациональных дробей.	2
Практическое занятие. № 13. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование рациональных функций, содержащих квадратный трехчлен.	2
Лекция. № 14. Интегралы от иррациональных функций. Интегрирование иррациональных функций, содержащих квадратный трехчлен. Интегрирование некоторых классов тригонометрических функций. Интегрирование некоторых иррациональных функций с помощью тригонометрических подстановок. Нахождение неопределенных интегралов с помощью справочника. Примеры интегралов, не выражающихся через элементарные функции.	2
Практическое занятие. № 14. Интегралы, содержащие иррациональность. Интегрирование иррациональных функций, содержащих квадратный трехчлен. Интегрирование некоторых иррациональных функций с помощью тригонометрических подстановок. Интегрирование некоторых классов тригонометрических функций.	2

<p>Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение</p> <p>Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 11; подготовка к практическому занятию на тему: неопределенный интеграл. Непосредственное интегрирование. Интегрирование подведением под знак дифференциала. Интегрирование подстановкой.</p> <p>Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 12; подготовка к практическому занятию на тему: интегрирование по частям. Возвратное интегрирование.</p> <p>Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 13; подготовка к практическому занятию на тему: интегрирование рациональных дробей. Интегрирование рациональных функций, содержащих квадратный трехчлен.</p> <p>Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекций № 14; подготовка к практическому занятию на тему: интегрирование иррациональных функций, содержащих квадратный трехчлен. Интегрирование некоторых иррациональных функций с помощью тригонометрических подстановок. Интегрирование некоторых классов тригонометрических функций.</p>	10	
Раздел 12. Определенный интеграл по фигуре	20	УК-1
Лекция. № 15. Общая схема построения определенных интегралов по фигуре. Плотность распределения массы по фигуре. Задача о массе фигуры. Определение определенного интеграла по фигуре. Виды интегралов. Достаточное условие существования определенных интегралов. Свойства определенных интегралов по фигуре. Геометрический смысл: задача об объеме цилиндрического тела, о площади цилиндрической поверхности.	2	
Практическое занятие. № 15. Вычисление определенного интеграла по отрезку. Интегрирование по частям, замена переменной в определенном интеграле.	2	
Лекция. № 16. Определенный интеграл по отрезку, его геометрический смысл. Свойства определенного интеграла, теорема об оценке интеграла, о среднем значении. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям и замена переменной.	2	
Практическое занятие. № 16. Геометрические приложения определенных интегралов: площадь плоской фигуры, объем тела вращения, длина дуги. Физические приложения определенных интегралов.	2	
Лекция. № 17. Геометрические приложения определенного интеграла, вычисление площадей, длины дуги, объема тела по площадям поперечных сечений, объема тела вращения. Вычисление массы прямого стержня. Несобственные интегралы 1 и 2 рода.	2	
Практическое занятие. № 17. Геометрические приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы 1 и 2	2	

Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 15 и № 16; подготовка к практическому занятию на тему: вычисление определенного интеграла по отрезку. Интегрирование по частям, замена переменной в определенном интеграле. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 17; подготовка к практическому занятию на тему: геометрические приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы 1 и 2 рода.	8	УК-1
Раздел 13. Числовые и функциональные ряды	22	
Лекция. № 18. Числовая последовательность и ее предел. Признак Вейерштрасса. Понятие числового ряда. Частичная сумма ряда. Сходимость и сумма ряда. Ряд геометрической прогрессии. Гармонический ряд. Обобщенно гармонический ряд. Свойства сходящихся рядов. Необходимый признак сходимости ряда. Ряды с положительными членами. Достаточные признаки сходимости знакоположительных рядов: признаки сравнения, признак Даламбера, интегральный и радикальный признаки Коши.	2	
Практическое занятие. № 18. Числовые ряды. Основные понятия. Признаки сходимости числовых рядов (необходимый, сравнения). Признаки сходимости числовых рядов (Даламбера, интегральный и радикальный признаки Коши).	2	
Лекция. № 19. Знакопеременные ряды. Достаточное условие сходимости знакопеременного ряда. Абсолютная и условная сходимость. Свойства абсолютно сходящихся рядов. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Оценка остатка знакопеременного ряда. Функциональные ряды. Степенные ряды. Теорема Абеля. Конструкция области сходимости. Радиус сходимости степенного ряда. Свойства степенных	2	
Практическое занятие. № 19. Знакопеременные и знакопеременные ряды. Условная и абсолютная сходимость. Признак Лейбница.	2	
Лекция. № 20. Дифференцирование и интегрирование степенных рядов. Разложение функций в степенной ряд. Ряд Тейлора и Маклорена. Остаточный член формулы Тейлора и Маклорена. Необходимое и достаточное условие сходимости ряда Тейлора к порождающей его функции. Разложение функций $\sin x$, $\cos x$, в ряд Маклорена. Вычисление значений функции, вычисление интегралов и решение дифференциальных уравнений с помощью рядов.	2	
Практическое занятие. № 20. Функциональные и степенные ряды. Область сходимости. Ряды Тейлора и Маклорена. Приложения рядов к приближенным вычислениям значений функций и определенных интегралов. Приближенное решение дифференциальных уравнений.	2	

Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 18; подготовка к практическому занятию на тему: числовые ряды. Признаки сходимости числовых рядов (необходимый, сравнения). Признаки сходимости числовых рядов (Даламбера, интегральный и радикальный признаки Коши). Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 19; подготовка к практическому занятию на тему: знакопеременные и знакочередующиеся ряды. Условная и абсолютная сходимость. Признак Лейбница. Изучение конспектов и учебной литературы по теме лекции № 20; подготовка к практическому занятию на тему: функциональные и степенные ряды. Область сходимости. Ряды Тейлора и Маклорена. Приложения рядов к приближенным вычислениям значений функций и определенных интегралов. Приближенное решение дифференциальных уравнений.	10
Иная контактная работа:	0
Подготовка к экзамену	30
Проведение экзамена	6

Раздел 5. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

Изучение дисциплины Б.1.1.7 "Математика" рекомендуется начать с ознакомления с рабочей программой, ее структурой и содержанием разделов. Учебный материал структурирован, изучение дисциплины осуществляется в тематической последовательности.

Занятия лекционного типа дают систематизированные знания по дисциплине "Математика", концентрируют внимание на наиболее сложных и важных вопросах. Во время лекционных занятий рекомендуется вести конспектирование учебного материала; обращать внимание на формулировки и категории, раскрывающие суть проблемы, явления или процесса; зафиксировать выводы и практические рекомендации. Подготовка к **занятиям практического типа** включает ознакомление с планом практического занятия; работу с конспектом лекций, выполнение домашнего задания, работу с учебной и учебно-методической литературой, научными изданиями и электронными образовательными ресурсами, рекомендованными рабочей программой дисциплины "Математика".

Содержание **самостоятельной работы** определяется рабочей программой дисциплины "Математика" оценочными и методическими материалами, заданиями и указаниями преподавателя. Самостоятельная работа может осуществляться в аудиторной и внеаудиторной формах. Эффективным средством осуществления самостоятельной работы является электронная информационно-образовательная среда университета, которая обеспечивает доступ к образовательной программе, рабочей программе дисциплины "Математика", к электронным библиотечным системам, профессиональным базам данных и информационным справочным системам. Формой промежуточной аттестации по дисциплине "Математика" являются зачет в 1-ом семестре, экзамен во 2-ом семестре.

Раздел 6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Учебно-методическое обеспечение

№№ п/п	Список используемой литературы	Количество экземпляров печатных изданий, имеющих в библиотеке, или электронный адрес издания (ресурса) в сети Интернет
УЧЕБНЫЕ, УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ И НАУЧНЫЕ ИЗДАНИЯ		
1.	Кундышева, Е. С. Математика для экономистов [Электронный ресурс] : учебник для экономистов / Е. С. Кундышева. 4-е: Дашков и К, 2015. - 564 с. ISBN 978-5-394-02261-6.	http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=72390
2.	Математика. Математический анализ для экономистов [Текст] : Учебник для вузов по соц.-экон. спец. / О. И. Веди́на [и др.]. М.: ФилинъРилант, 2000. - 353 с. ISBN 5-9216-0005-9. Экземпляры: всего 5.	5
3.	Шипачев, Виктор Семенович. Курс высшей математики : учеб. для студентов вузов / В. С. Шипачев ; под ред. А. Н. Тихонова. 4-е изд., испр. М.: Оникс, 2009. - 599, [1] с. ISBN 978-5-488-02067-2. Экземпляры: всего 113.	113
4.	Берман, Георгий Николаевич. Сборник задач по курсу математического анализа [Текст] : учеб. пособие / Берман Георгий Николаевич. СПб.: ПРОФЕССИЯ, 2005. - 432 с. ISBN 5-93913-009-7. Экземпляры: всего 467.	467
5.	Берман, Николай Васильевич. Информатика [Текст] : учеб. пособие / Н. В. Берман. Йошкар-Ола: МарГТУ, 2006. - 108 с. ISBN 5-8158-0359-6. Экземпляры: всего 60.	60
6.	Высшая математика для экономистов [Текст] : [учеб. для студентов вузов по экон. специальностям] / [Н. Ш. Кремер и др.] ; под ред. Н. Ш. Кремера. 3-е изд. М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2010. - 478, [1] с. ISBN 978-5-238-00991-9. Экземпляры: всего 34.	34
7.	Письменный, Дмитрий Трофимович. Конспект лекций по высшей математике [Текст] : [полный курс] / Д. Т. Письменный. 15-е изд. Москва: АЙРИС-ПРЕСС, 2018. - 602, [1] с. ISBN 978-5-8112-6472-8. Экземпляры: всего 9.	9
8.	Сборник задач по высшей математике с контрольными работами [Текст] : пособие / К. Н. Лунгу, Д. Т. Письменный, С. Н. Федин, Ю. А. Шевченко. Ч. 1. 14-е изд, 2022. - 574, [1] с. ISBN 978-5-8112-6174-1. Экземпляры: всего 20.	20
9.	Сборник задач по высшей математике [Текст] : с контрольными работами : ряды и интегралы, векторный и комплексный анализ, дифференциальные уравнения, теория вероятностей, операционное исчисление. 2 курс / К. Н. Лунгу [и др.] ; под ред. С. Н. Федина. 7-е изд. Москва: АЙРИС-ПРЕСС, 2011. - 589, [1] с. ISBN 978-5-8112-4074-6. Экземпляры: всего 143.	143
ЭЛЕКТРОННЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ		
1.	Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU	http://elibrary.ru
2.	Научная электронная библиотека «Киберленинка»	http://cyberleninka.ru
ПРОФЕССИОНАЛЬНЫЕ БАЗЫ ДАННЫХ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ СПРАВОЧНЫЕ СИСТЕМЫ		

1.	Справочно-правовая система Консультант+	http://www.consultant.ru
2.	Информационно-правовой портал Гарант	http://www.garant.ru
3.	Профессиональные справочные системы Техэксперт	http://www.cntd.ru

6.2. Материально-техническая база и программное обеспечение

№№ п/п	Аудитории для проведения учебных занятий, самостоятельной работы и проведения государственной итоговой аттестации	Перечень основного оборудования	Программное обеспечение
1.	329 (III)	Видеомагнитофон Panasonic- NV-FJ730 (1), Доска маркерная 120x240 см (1), Магнитола Филипс AZ1065 (1), Ноутбук Acer Aspire E1 15,6" (1), Телевизор JVC AV-2136EE (1), Телевизор LG 55" 55 LB650V (1), Комплект учебной мебели (1)	Microsoft Windows Enterprise, Microsoft Office Standard, Агент Dr.Web, Microsoft Access, Microsoft Visio Professional, Microsoft Project Professional, Microsoft Visual Studio Enterprise, Комплект ПО для решения основных пользовательских задач, Справочная правовая система "Консультант Плюс", Комплект ГАРАНТ-Мастер

Раздел 7. ФОРМЫ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ/ ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Критерии оценивания индикаторов достижения компетенций направлены на:

- усвоение теоретического материала (объем знаний, глубина усвоения), предусмотренного рабочей программой;
- умение излагать материал (четкость, грамотность изложения материала, точность и полнота воспроизведения учебного материала);
- умение применять теоретические знания при решении практических заданий.

Шкала оценивания представлена ниже.

Уровень сформированности элементов компетенции	Критерии оценивания	Шкала оценивания
Пороговый уровень	Обучающийся имеет знания основного материала, проявляет умение логично его излагать, но может допускать неточности в изложении материала, недостаточно правильные формулировки, испытывает затруднения в выполнении практических заданий.	удовлетворительно
Продвинутый уровень	Обучающийся твердо знает программный материал, излагает его грамотно и по существу, не допускает существенных неточностей в ответе на вопрос, правильно применяет теоретические положения при решении практических вопросов и задач, владеет необходимыми	хорошо

	навыками и приемами их выполнения	
Высокий уровень	Обучающийся глубоко и прочно усвоил программный материал, грамотно и логически стройно его излагает, дает исчерпывающие ответы на поставленные вопросы. В ответе тесно увязывается теория с практикой, при этом обучающийся не затрудняется с ответом при видоизменении задания, свободно справляется с задачами, вопросами и другими видами применения знаний, показывает знакомство с монографической литературой, периодическими изданиями, правильно обосновывает принятые решения, свободно владеет разносторонними навыками, приемами выполнения практических работ	отлично

7.1. Текущий контроль успеваемости

Текущий контроль успеваемости обеспечивает оценивание хода освоения дисциплины (модуля) и производится с применением технологии рейтингового контроля в соответствии с технологической картой дисциплины. Порядок составления технологической карты и алгоритм проведения процедуры оценивания видов деятельности обучающихся, направленных на освоение знаний, умений, навыков и/или опыта деятельности, по накопительной системе в баллах устанавливается положением о системе РИТМ в ФГБОУ ВО «ПГТУ»

7.2. Промежуточная аттестация обучающихся

Промежуточная аттестация обучающихся направлена на оценивание результатов обучения по дисциплине (модулю) и проводится с использованием фондов оценочных средств.

Примеры типовых контрольных заданий из базы фонда оценочных средств по образовательной программе.

1 семестр

ТЕСТ по разделу

«Элементы линейной алгебры»

1. Определитель изменяет знак при:

- вынесении общего множителя строки за знак определителя;
- транспонировании;
- перестановке двух строк.

2. Определитель равен нулю если:

- все строки различны;
- имеются одинаковые строки.

3. Отличие минора от алгебраического дополнения:

- нет различий;

- б) конкретным значением;
- в) наличием знака.

4. Отличие матрицы от определителя:

- а) нет различий;
- б) по форме представления;
- в) матрица – таблица, определитель – число.

5. Для какой матрицы существует обратная к ней:

- а) прямоугольной;
- б) квадратной;
- в) невырожденной.

6. Квадратная матрица называется невырожденной, если ее определитель:

- а) равен нулю;
- б) отличен от нуля;
- в) величина определителя не имеет значения.

7. Базисный минор – это минор:

- а) произвольно составленный;
- б) окаймляющий какой-то элемент;
- в) состоящий из базисных строк и столбцов.

8. Система линейных уравнений называется определенной, если она имеет:

- а) бесчисленное множество решений;
- б) не имеет решений;
- в) единственное решение.

9. Система совместна и имеет единственное решение, если:

- а) ее определитель отличен от нуля;
- б) ее определитель равен нулю;
- в) величина определителя не имеет значений.

10. Совместная система из n уравнений и n неизвестных имеет единственное решение, если ее ранг $r(A)$:

- а) $r(A) < n$;
- б) $r(A) = n$;
- в) $r(A) > n$.

11. Можно ли решать по правилу Крамера данную систему уравнений:

$$x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 1;$$

$$5x_1 + 4x_2 - x_3 = 5;$$

- а) можно;
- б) нельзя.

12. Можно ли решать систему m уравнений с n неизвестными по правилу Крамера:

- а) можно;
- б) нельзя.

13. По методу Жордана - Гаусса элементарные преобразования выполняются над:

- а) матрицей из коэффициентов при неизвестных;
- б) расширенной матрицей;
- в) произвольно составленной матрицей.

14. Как следует поступить, если на некотором этапе преобразований матрицы системы образовалась строка, целиком состоящая из нулей:

- а) прекратить вычисления;
- б) исключить нулевую строку из последующих преобразований;
- в) оставить нулевую строку без внимания.

15. Если ранг расширенной матрицы системы равен рангу основной матрицы системы и $r < n$, то система m уравнений с n неизвестными:

- а) не имеет решений;

- б) имеет единственное решение;
- в) имеет бесчисленное множество решений.

16. Для получения базисного решения каким переменным какие значения задаются:

- а) нулевые значения свободным переменным;
- б) нулевые значения базисным переменным;
- в) произвольные значения свободным переменным.

17. Однородная система m уравнений с n неизвестными имеет:

- а) единственную систему фундаментальных решений;
- б) не имеет системы фундаментальных решений;
- в) имеет несколько систем фундаментальных решений.

Контрольная работа

«Прямая на плоскости»

1. Найти проекцию точки $A(-1; 2)$ на прямую $3x - 5y - 21 = 0$.
2. В точках пересечения прямой $2x + 3y - 6 = 0$ с осями координат восстановлены перпендикуляры к этой прямой. Найдите их уравнения.
3. Даны вершины параллелограмма $A(9; -3)$, $B(4; -2)$ и $C(-7; -5)$.
Найти уравнения диагоналей.
4. Дан треугольник с вершинами $A(5; -4)$, $B(-1; 3)$ и $C(-3; -2)$. Найти:
 - а) уравнение высоты BD ;
 - б) уравнение медианы BM ;
 - в) угол между высотой и медианой BM .
5. Доказать, что три точки $A(3; -5)$, $B(-1; 1)$ и $C(-3; 4)$ лежат на одной прямой.
6. Стороны треугольника заданы уравнениями: $7x - 6y + 9 = 0$;
 $5x + 2y - 25 = 0$; $3x + 10y + 29 = 0$. Найти координаты вершин и уравнения высот треугольника.
7. Приведите к каноническому виду уравнение $9x^2 - 36x + y^2 + 2y + 1 = 0$, определите тип линии и постройте график.

2 семестр

Пример билета промежуточной аттестации

Поволжский государственный технологический университет

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 0

по дисциплине «Математика»

Направление **01.03.05 Статистика**

Направленность «**Прикладная статистика и анализ данных**»

1. Основные теоремы о пределах.
2. Методы интегрирования неопределенного интеграла.
3. Признак Лейбница сходимости знакочередующегося ряда. Оценка остатка ряда.
4. *Задача 1.* Найти частные производные функции $z = \ln(x^2 + y^2 - xy)$.

Заведующий кафедрой высшей математики

профессор, докт. физ.-мат. наук

_____ / В.А. Иванов /

«_____» _____ 2024 г.

Контрольная работа

«Дифференциальное исчисление функции одной переменной»

1. Найти производную функций:
а) $y = (x^2 - 3x + 5)^4$; б) $y = \arcsin e^{5x}$; в) $y = \log(x - \cos x)$.
2. Найти dy функции:
а) $y = 2^{\sin(3x + 1)}$; б) $y = \sin^3(x + 1/x)$.
3. Найти d^2y :
а) $y = \sin^2 x$;
4. Исследовать функции и построить графики:
а) $y = 2x^3 - 3x^2 + 1$.

Контрольная работа

«Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных»

1. Найти частные производные функций:

а) $z = e^{\sin x} \cdot e^{\sin y}$ б) $z = x^2 \cdot \cos(xy)$ в) $z = \ln(x^2 + y^2 - xy)$.

2. Найти полные дифференциалы функций:

а) $z = e^{xy}$; б) $z = \sin(xy)$;

3. Вычислить приближенно:

а) $1,05^{1,98}$; б) $\sin 62^\circ$;

4. Найти вторые частные производные функций:

а) $z = x \sin y + y \sin x$; б) $z = xy \operatorname{tg}(xy)$; в) $z = x \ln y$.

5. Найти $d^2 z$ функций:

а) $z = x^2 \cdot \cos y$; б) $z = 2x^2 - x^3 y^3 + 2y^2$.

6. Найти экстремумы функций:

а) $z = x^2 - xy + y^2 + 9x - 6y + 20$;

б) $z = 6x^2 - 7xy + 2y^2 + 6x - 3y$;

в) $z = 4x^2 - 5xy + 3y^2 - 9x - 8y$.

Контрольная работа

«Приложения определенного интеграла»

1. Найти площади плоских фигур, ограниченных линиями:

1. $y = 2x + 1$, $y = 4 - x^2$.

2. $y = (x - 4)^2$, $y = 16 - x^2$.

3. $y^2 = x + 1$, $y^2 = 9 - x$.

2. Вычислить объемы тел, образованных вращением вокруг оси Ox фигур, ограниченных линиями:

1. $y = 4x - x^2$, $y = x$.

2. $y = x^3$, $y = 4x$.

3. $y = -x^2 + 4$, $y = x + 2$.

3. Вычислить объемы тел, образованных вращением вокруг оси Oy фигур, ограниченных линиями:

1. $x = y^2, \quad x = 0, \quad y = 2.$

2. $y = x^2, \quad y = 2x.$

3. $y = 2x, \quad x = 0, \quad y = 2, \quad y = 6.$

Перечень вопросов для проведения промежуточной аттестации

1 семестр

Вопросы для зачета

1. Что такое определитель? При каких преобразованиях величина определителя не меняется?
2. В каких случаях определитель равен нулю? Что следует из равенства определителя нулю?
3. Дайте определение минора и алгебраического дополнения элемента определителя. Сформулируйте правило вычисления определителя.
4. Как осуществляются линейные операции над матрицами?
5. Как перемножаются две матрицы? Свойства произведения матриц.
6. Какова схема нахождения обратной матрицы?
7. Дайте определения решения системы линейных алгебраических уравнений.
8. Расшифруйте понятия «совместная», «несовместная», «определённая», «неопределённая» системы.
9. Напишите формулы Крамера. В каком случае они применимы?
10. Что называется рангом матрицы? Как он находится?
11. Сформулируйте теорему Кронекера – Капелли.
12. При каких условиях система линейных алгебраических уравнений имеет множество решений? Когда она имеет единственное решение?

13. Опишите метод Гаусса решения систем линейных уравнений.
14. Какие неизвестные называются свободными, а какие базисными?
15. Какие особенности решения однородных систем линейных алгебраических уравнений Вы знаете?
16. Как строится фундаментальная система решений?
17. Как выполняются линейные операции над векторами? Каковы свойства этих операций?
18. Какие вектора называются линейно зависимыми, а какие линейно независимыми?
19. Что такое базис? Какие вектора образуют базис на плоскости и в пространстве?
20. Какой базис называют декартовым?
21. Что такое координаты вектора?
22. Что называется скалярным произведением векторов? Каковы его свойства?
23. Что называется векторным произведением векторов? Каковы его свойства?
24. Что называется смешанным произведением векторов? Каковы его свойства?
25. Запишите в векторной и координатной формах условия коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов.
26. Прямая линия на плоскости, её общее уравнение.
27. Дайте понятие нормального и направляющего векторов прямой на плоскости, углового коэффициента.
28. Запишите различные виды прямой и укажите геометрический смысл параметров уравнения.
29. Запишите условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости в случае различных видов уравнений прямых.
30. Как найти точку пересечения прямых на плоскости?
31. Как вычисляется расстояние от точки до прямой на плоскости?
32. Дайте определение эллипса и запишите его каноническое

уравнение.

33. Дайте определение гиперболы и запишите её каноническое уравнение.
34. Дайте определение параболы и запишите её каноническое уравнение.
35. Изложите схему приведения общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
36. Дайте понятие полярной системы координат.
37. Опишите параметрический способ построения линий на плоскости.
38. Плоскость, её общее уравнение.
39. Как определяется взаимное расположение плоскостей? Запишите условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.
40. Как вычисляется расстояние от точки до плоскости?
41. Запишите различные виды уравнений прямой в пространстве и поясните смысл параметров, входящих в уравнения.
42. Изложите схему приведения общих уравнений прямой к каноническому виду.
43. Как определить взаимное расположение прямых в пространстве?
44. Как вычисляется расстояние от точки до прямой в пространстве?
45. Как определить взаимное расположение прямой и плоскости?
46. Как ищется точка пересечения прямой и плоскости?
47. Назовите поверхности второго порядка и напишите их канонические уравнения.
48. Линейное пространство. Подпространство. Размерность пространства.
49. Фундаментальная система решений однородной системы уравнений.
50. Базисные вектора. Линейные отображения. Разложения по базису.
51. Линейная зависимость и независимость векторов.
52. Базис и координаты в n – мерном линейном пространстве.

53. Евклидово пространство. Длина и угол.
54. Неравенство Коши – Буняковского. Неравенство треугольника.
55. Ортогональность вектора.
56. Ортонормированный базис. Теорема. Преобразование базиса.
57. Линейные преобразования. Обратное преобразование: матрицы линейного преобразования.
58. Зависимость между матрицами одного и того же преобразования в различных базисах.
59. Характеристическое уравнение линейного преобразования.
60. Произведение и сумма линейных преобразований.
61. Собственные значения и собственные векторы матрицы.
62. Ортогональные и симметрические матрицы. Диагональный вид матрицы. Приведение матрицы преобразования к диагональному виду.
63. Изменение матрицы линейного преобразования при замене базиса.
64. Квадратичные формы. Матричная запись квадратичной формы.
65. Канонический вид квадратичной формы. Приведение кривой второго порядка к каноническому виду.

2 семестр

Вопросы для экзамена

1. Арифметические операции над вещественными числами и их упорядочение. Непрерывность множества вещественных чисел.
2. Ограниченные числовые множества, максимумы, минимумы. Символы математической логики, их использование.
3. Числовая последовательность. Определение, способы задания, арифметические действия, ограниченные и неограниченные числовые последовательности.
4. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности: определения и их основные свойства.

5. Сходящиеся последовательности. Предел числовой последовательности.
6. Монотонные последовательности.
7. Функция, способы задания. Область определения. Область значений. Периодичность. График функции и уравнение графика функции.
8. Классификация функций. Четные, нечетные функции.
9. Бесконечно малая функция в точке.
10. Свойства бесконечно малых функций.
11. Предел функции в точке.
12. Свойства пределов функций.
13. Бесконечно большая функция. Связь бесконечно малой и бесконечно большой функций.
14. Первый замечательный предел. Следствия.
15. Второй замечательный предел. Следствия.
16. Раскрытие неопределенностей.
17. Односторонние пределы.
18. Непрерывность функции в точке. Классификация точек разрыва.
19. Определение производной. Геометрический смысл производной. Физический смысл производной.
20. Основные правила вычисления производных и дифференциалов.
21. Правило дифференцирования сложной функции.
22. Таблица производных.
23. Производные высших порядков. Механический смысл второй производной.
24. Приложение дифференциала к приближенным вычислениям.
25. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей.
26. Достаточные признаки (условия) монотонности дифференцируемой функции.
27. Точки экстремума и экстремум функции. Необходимое условие

экстремума дифференцируемой функции.

28. Достаточное условие экстремума дифференцируемой функции.
29. Выпуклость и вогнутость графика функции. Точки перегиба.
30. Асимптоты графика функции: вертикальные, горизонтальные, наклонные.
31. Общая схема исследования функции. Построение графиков функций.
32. Что называется функцией двух и более переменных. Укажите способы их задания.
33. Область определения функции двух и трех переменных. Как она изображается геометрически?
34. График функции двух переменных.
35. Предел функции двух переменных в точке.
36. Непрерывность функции двух переменных. Точки и линии разрыва функции двух переменных.
37. Что называется частным и полным приращением функции?
38. Дайте определение частных производных. Как вычисляются частные производные?
39. Каков геометрический смысл частных производных.
40. Дифференцируемые функции. Полный дифференциал функции двух переменных.
41. Его приложения к приближенным вычислениям.
42. Частные производные второго порядка. Равенство смешанных частных производных.
43. Экстремум функции двух переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума функции двух переменных.
44. Понятие комплексного числа. Геометрическая интерпретация комплексного числа.
45. Модуль и аргумент комплексного числа. Комплексно-сопряженные числа.
46. Алгебраическая форма записи комплексного числа. Действия над

комплексными числами в алгебраической форме. Операция сопряжения.

47. Тригонометрическая форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в тригонометрической форме.
48. Показательная форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в показательной форме.
49. Возведение комплексного числа в степень.
50. Разложение многочлена на линейные и квадратные множители с действительными коэффициентами.
51. Определение кратности корня многочлена.
52. Разложение рациональной дроби на целую часть и элементарные дроби.
53. Что называется первообразной данной функции? Теорема о первообразных. Дайте определение неопределенного интеграла. В чем состоит основная задача интегрального исчисления?
54. Каковы основные свойства неопределенного интеграла? Таблица основных интегралов.
55. Опишите метод замены переменной в неопределенном интеграле.
56. Метод интегрирования по частям. Назовите классы функций, интегрируемых по частям.
57. Какие дроби называются простейшими? Интегрирование простейших рациональных дробей.
58. Как разложить правильную рациональную дробь на простейшие?
59. Интегрирование дробно-рациональных функций.
60. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла (задача о массе фигуры, задача о площади криволинейной трапеции).
61. Понятие интегральной суммы. Алгоритм ее составления. Определение определенного интеграла по отрезку. Условие его существования.
62. Геометрический смысл определенного интеграла по отрезку.
63. Физический смысл определенного интеграла.

64. Свойства определенного интеграла. Теорема о среднем.
65. Определенный интеграл и его вычисление. Формула Ньютона-Лейбница.
66. Замена переменной в определенном интеграле по отрезку.
67. Интегрирование по частям в определенном интеграле по отрезку. Геометрические приложения определенного интеграла: вычисление площадей плоских фигур, длины дуги, объема тела по известным поперечным сечениям, вычисление объема тела вращения.
68. Физические и механические приложения определенного интеграла. Вычисление масс, координат центров тяжести, масс плоских областей.
69. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования (1-го рода).
70. Несобственные интегралы от неограниченных функций (2-го рода).
71. Числовые последовательности. Числовой ряд. Основные понятия (сходимость, сумма и др.).
72. Ряд геометрической прогрессии. Сумма ряда геометрической прогрессии.
73. Остаток ряда. Основные свойства сходящихся рядов. Необходимый признак сходимости. Следствие, достаточный признак расходимости числовых рядов.
74. Ряды с положительными членами. Достаточные признаки сходимости знакоположительных рядов (перечислить все признаки).
75. Исследование на сходимость рядов с положительными членами. Признаки сравнения. Эталонные числовые ряды. Гармонический ряд. Обобщенный гармонический ряд.
76. Исследование на сходимость рядов с положительными членами. Признак Даламбера.
77. Исследование на сходимость рядов с положительными членами. Радикальный и интегральный признаки Коши. Сходимость обобщенного гармонического ряда.
78. Знакопеременные ряды. Достаточный признак сходимости

знакопеременных рядов. Абсолютная и условная сходимость
знакопеременных рядов.

79. Знакопеременяющиеся ряды. Признак Лейбница. Остаток
знакопеременяющегося ряда и его оценка.
80. Степенные ряды. Теорема Абеля. Структура области сходимости
степенного ряда. Интервал и радиус сходимости степенного ряда.
Структура области сходимости обобщенного степенного ряда.
81. Нахождение области сходимости степенного ряда.
82. Разложение функций в степенные ряды. Ряды Тейлора и Маклорена.
Условия разложимости функции в ряд Тейлора.
83. Разложение в ряд Маклорена некоторых элементарных функций.